

## I. OBRAZAC ZA OPIS PROGRAMA CJEOŽIVOTNOG OBRAZOVANJA

NAPOMENA: Neka polja u obrascima su označena simbolima <sup>a, b, c, d, e</sup>. Ta polja nisu obavezna za sve programe. Potrebno ih je ispuniti jedino ako se prijavljuje odgovarajući program prema polju *Vrsta programa* u Obrascu I – dio *Opće informacije*.

Polja koja nisu posebno označena su obavezna za sve.

OPĆE INFORMACIJE	
<i>Naziv programa</i>	<b>Iskustveno učenje matematike</b>
<i>Nositelj programa</i>	<b>Fakultet za matematiku Sveučilišta u Rijeci</b>
<i>Izvoditelj programa</i>	<b>Fakultet za matematiku Sveučilišta u Rijeci</b>
<i>Vrsta programa</i>	<ul style="list-style-type: none"><li>a) Razlikovni programi u postupku stjecanja akademskog naziva</li><li>b) Programi stjecanja znanja, vještina i kompetencija u okviru akreditiranog studijskog programa <sup>1</sup></li><li>c) <b>Programi usavršavanja s ECTS bodovima</b></li><li>d) Programi usavršavanja bez ECTS bodova</li><li>e) Programi ovlaštenih tijela</li></ul>

### 1. UVOD

#### 1.1. Razlozi za pokretanje programa

Uvođenje iskustvenog pristupa u poučavanje matematike pomaže učenicima da izgrade mentalnu mrežu za razumijevanje matematičkih pojmoveva i odnosa te da koriste matematiku u svom svakodnevnom životu i u svom poslu. Iskustveno učenje znači izvođenje aktivnosti, eksperimenta i konkretno rukovanje materijalom pri uvođenju novih matematičkih sadržaja, mentalnom predstavljanju matematičkih sadržaja i otkrivanju matematičkih odnosa. Kada nešto radimo u različitim kontekstima, vjerojatnije je da ćemo steći vještina i zadržati je za korištenje drugi put (Coles i Brown (2013)).

Jokić i sur. (2019) utvrdili su da učenici osmih razreda matematiku percipiraju korisnim, ali ne baš zanimljivim predmetom. Iskustveno učenje, posebice korištenje manipulativnih sredstava, pozitivno utječe na stav učenika prema matematici (Rukavina i sur. (2010), Rukavina i sur. (2012)). Iskustvenim učenjem matematičkog sadržaja, upotrebom različitih svakodnevnih i lako dostupnih predmeta, učenicima se omogućava prepoznavanje i razumijevanje matematičkih koncepata i njihovih međusobnih odnosa, povećava se njihova motivacija te zainteresiranost za matematiku. Posljedično, iskustvene metodologije pomažu u povećanju razumijevanja i privlačnosti matematike i, u širem kontekstu, pridonose smanjenju loših postignuća.

Pojam funkcije jedan je od temeljnih matematičkih pojmoveva, te je kao takav vrlo bitna tema u školskoj matematici. Jukić Matić i sur. (2022.) istaknuli su važnost razumijevanja pojma funkcije i njenih različitih prikaza, te uočili povezanost pristupa poučavanju pojma funkcije i sposobnosti njegove primjene. Iskustveno učenje s istaknutim temama u području funkcija omogućilo bi produbljivanje shvaćanja pojma funkcije i razlikovanje njenih različitih prikaza, a time uklonilo formalizme i učestale greške učenika.

Uz navedeno, ovaj program cjeloživotnog obrazovanja polaznicima omogućava stjecanje kompetencija za primjenu digitalne tehnologije pri korištenju metoda iskustvenog učenja i poučavanja, te promicanje iskustvenog učenja i poučavanja u području funkcija u skladu s digitalnim obrazovanjem. U izvanrednim situacijama koje onemogućavaju neposredni kontakt s učenicima i rad u učionici, polaznici će biti u mogućnosti prilagoditi aktivnosti predviđene za iskustveno učenje za rad na daljinu. Potreba za ovakvim znanjima nadilazi nacionalne

<sup>1</sup> Za ovaj program popunjava se poseban obrazac za opis programa.

okvire, na što ukazuje i činjenica da su predlagateljice predloženog programa, kao predstavnici Fakulteta za matematiku Sveučilišta u Rijeci, uključene u Erasmus+ projekt (2021-2023) "Enactive Learning Mathematics at Home (EnLeMaH)" čiji je voditelj Institut für Didaktik der Mathematik, Fakultät für Mathematik, Universität Bielefeld.

Program će polaznicima omogućiti razvijanje znanja i vještina za:

- Implementaciju metodologije iskustvenog poučavanja i učenja prilagođene kontekstu digitalnog obrazovanja koja doprinosi da matematika bude privlačnija za učenike (12-16 godina);
- Vođenje učenika u stvaranju, korištenjem kućanskih potrepština, iskustvenih materijala koji podržavaju njihove procese učenja, s posebnim naglaskom na učenje matematike u području funkcija.

*Literatura:*

Coles, A., Brown, L. (2013) *Making distinctions in task design and student activity*. In C. Margolin (Ed.) *Task design in Mathematics Education. Proceedings of ICMI Study 22* (pp. 183–192). <https://hal.archives-ouvertes.fr/hal-00834054>

Jokić, B., Ristić Dedić, Z., Erceg, I., Košutić, I., Kuterovac Jagodić, G., Marušić, I., Matić Bojić, J., Šabić, J. (2019). *Obrazovanje kao cilj, želja i nada. Završno izvješće znanstveno istraživačkog projekta „Obrazovne aspiracije učenika u prijelaznim razdobljima hrvatskog osnovnoškolskog obrazovanja: priroda, odrednice i promjene“*, (izvješće).

Jukić Matić, L., Kehler-Poljak, G., Rukavina, S. (2022). *The Influence of Curriculum on the Concept of Function: An Empirical Study of Pre-Service Teachers*. European Journal of Science and Mathematics Education, 10(3), 380-395. <https://doi.org/10.30935/scimath/12042>

Rukavina, S., Milić, B., Jurdana-Šepić, R., Žuvić-Butorac, M., Ledić, J. (2010). *Razvoj prirodoznanstvene i matematičke pismenosti aktivnim učenjem, Udruga Zlatni rez*

Rukavina, S., Žuvić-Butorac, M., Ledić, J., Milić, B., Jurdana-Šepić, R. (2012). *Developing positive attitude towards science and mathematics through motivational classroom experiences*, *Science Education International*, Vol. 23, No 1, 6-19.

## **1.2. Procjena svrhovitosti s obzirom na potrebe tržišta rada u javnom i privatnom sektoru<sup>a, b, c, e</sup>**

Program cjeloživotnog učenja Iskustveno učenje matematike prvenstveno je namijenjen učiteljima i nastavnicima matematike s ciljem unaprjeđenja poučavanja matematike u osnovnim i srednjim školama. Od posebne će koristi biti onim nastavnicima koji imaju potrebu prilagoditi nastavni sadržaj potrebama svojih učenika, više uključiti iskustveno učenje i na taj način učiniti svoje poučavanje produktivnijim. Također, program omogućava stjecanje i/ili razvoj postojećih digitalnih kompetencija u području primjene metoda iskustvenog učenja u nastavi matematike, kao i u nastavi matematike općenito. Svrhovitost ovakvih znanja posebno je došla do izražaja tijekom nedavne pandemije, a potreba učitelja i nastavnika matematike za takvim sadržajima iskazana je i činjenicom da su na nedavno održanom stručnom skupu "Iskustveno učenje matematike – EnLeMaH" bila popunjena sva raspoloživa mjesta. Navedeni stručni skup je obuhvatio sljedeće teme: O funkcijama u kurikulumu za nastavni predmet Matematika, O pojmu funkcije, O nekim greškama u poimanju pojma funkcija u školskoj matematici, Radionice: primjeri aktivnosti za iskustveno učenje, a u potpunosti su ga održale predlagateljice ovog programa. Po završetku skupa provedena je anketa o zadovoljstvu polaznika. Skup je ocijenjen visokom ocjenom, a polaznici su iskazali potrebu za sličnim sadržajima u okviru stručnog usavršavanja.

U programu mogu sudjelovati i prvostupnici matematike i/ili edukacije matematike koji su tijekom sudjelovanja u programu zaposleni u školi. U tom slučaju sudjelovanje u ovom programu može biti korak u dalnjem usavršavanju na putu ka stjecanju zvanja magistra edukacije matematike.

### **1.2.1. Povezanost s lokalnom zajednicom (gospodarstvo, poduzetništvo, civilno društvo)<sup>a, b, c, e</sup>**

Kao što je prethodno navedeno, program cjeloživotnog učenja Iskustveno učenje matematike je prvenstveno namijenjen učiteljima i nastavnicima matematike koji imaju potrebu prilagoditi nastavni sadržaj potrebama svojih učenika, više uključiti iskustveno učenje u svoju nastavu i na taj način učiniti svoje poučavanje produktivnijim. Suradnja s lokalnom zajednicom očituje se kroz suradnju s aktivima nastavnika, odnosno sa školama. Predloženi program realizirale bi osobe koje su u dugogodišnjem kontaktu s lokalnim školama i organizacijama civilnog društva koje se bave popularizacijom matematike, bilo kroz programe popularizacije matematike, bilo kroz mentorstvo studentima na praksi, bilo kroz rad u povjerenstvima za stručne ispite iz matematike. Dio sadržaja obuhvaćenih programom predstavljen je učiteljima i nastavnicima na regionalnom stručnom skupu "Iskustveno učenje matematike – EnLeMaH", koji je u suradnji s AZOO održan na Fakultetu za

matematiku 1. rujna 2022. godine. Stručnom je skupu prisustvovalo 50 učitelja i nastavnika matematike, kojima je AZOO navedeni skup priznao kao stručno usavršavanje.

#### *1.2.2. Usklađenost sa zahtjevima strukovnih udruženja (preporuke) <sup>a, b, c, e</sup>*

S obzirom na karakteristike predloženog programa, ne postoje posebni zahtjevi, odnosno preporuke, strukovnih udruženja o kojima bi trebalo voditi računa. Stoga se, pri osmišljavanju programa, posebno uzimalo u obzir izvor Tuning Educational Structures in Europe (<http://www.unideusto.org/tuningeu/>), osobito dio koji se odnosi na kompetencije: opće (<http://www.unideusto.org/tuningeu/competences/generic.html>) i specifične u području matematike (<http://www.unideusto.org/tuningeu/competences/specific/mathematics.html>).

U razvoju predloženog programa cjeloživotnog učenja korištena su iskustva stečena međunarodnim Erasmus+ projektom (2021-2023) "Enactive Learning Mathematics at Home (EnLeMaH)", koji je vodeći se generalnim postavkama kvalitete u nastavi matematike posebnu pažnju posvetio i nacionalnim kurikulumima u zemljama partnera. Također, činjenica da je AZOO uvrstila u svoj program usavršavanja stručni skup "Iskustveno učenje matematike – EnLeMaH" ukazuje na usklađenost programa sa zahtjevima struke.

#### *1.2.3. Navesti moguće partnerne izvan visokoškolskog sustava koji su iskazali interes za program*

Očekujemo da će najveći interes za ovaj program iskazati učitelji i nastavnici matematike, odnosno osnovne i srednje škole. Škole bi, u okviru vlastitih projekata ili projekata na kojima su partneri namijenjenih razvoju kompetencija svojih nastavnika, mogle uključiti ovaj program u onom dijelu koji se odnosi na unaprjeđenje nastave iz matematike.

#### *1.3. Institucijska strategija razvoja programa cjeloživotnog učenja (usklađenost sa Strategijom institucije)*

Fakultet za matematiku prihvatio je Strategiju Sveučilišta u Rijeci kao strateški dokument Fakulteta. U njemu se kao cilj u području *Transfer znanja i regionalna uključenost* navodi povećanje ponude edukativnih programa za gospodarstvo i zajednicu. Realizacija ovog programa doprinijet će ostvarivanju navedenog cilja.

Također, među kvalitativnim pokazateljima strateške politike navodi se i promicanje otvorenog obrazovanja u učenju i poučavanju. Otvoreno obrazovanje omogućuje polazniku stjecanje novih vještina ili nadogradnju postojećih na fleksibilniji način, što se i čini uvođenjem ovog programa. U programu mogu sudjelovati i prvostupnici matematike i/ili edukacije matematike koji su tijekom sudjelovanja u programu zaposleni u školi. U tom slučaju sudjelovanje u ovom programu može biti korak u dalnjem usavršavanju na putu ka stjecanju zvanja magistra edukacije matematike.

#### *1.4. Ostali važni podaci – prema mišljenju predлагаča*

## **2. OPĆI DIO**

### *2.1. Naziv programa cjeloživotnog obrazovanja*

#### **Iskustveno učenje matematike**

##### *2.1.1. Vrsta programa*

- a) Razlikovni programi u postupku stjecanja akademskog naziva
- b) Programi stjecanje znanja, vještina i kompetencija u okviru akreditiranog studijskog programa
- c) Programi usavršavanja s ECTS bodovima**
- d) Programi usavršavanja bez ECTS bodova
- e) Programi ovlaštenih tijela

##### *2.1.2. Razina studijskog programa (ako je primjenjivo) <sup>a, b</sup>*

**2.1.3. Područje programa (znanstveno/umjetničko)-navesti naziv <sup>a, b, c</sup>**

Područje prirodnih znanosti

**2.2. Nositelj/i programa**

Fakultet za matematiku Sveučilišta u Rijeci

**2.3. Izvoditelj/i programa**

Fakultet za matematiku Sveučilišta u Rijeci

**2.4. Trajanje programa**

60 sati

**2.4.1. ECTS bodovi – minimalni broj bodova potrebnih da bi polaznik završio program <sup>a, b, c</sup>**

**5 ECTS boda**

**2.5. Uvjeti upisa na program**

Za upis u ovaj program cjeloživotnog obrazovanja polaznici trebaju biti magistri edukacije matematike ili magistri matematike koji za vrijeme sudjelovanja u programu rade u nastavi matematike u osnovnoj ili srednjoj školi. U programu mogu sudjelovati i prvostupnici matematike i/ili edukacije matematike koji su tijekom sudjelovanja u programu zaposleni u školi.

Za upis se ne provodi seleksijski postupak.

**2.6. Ishodi učenja programa (kompetencije koje polaznik stječe završetkom programa)**

Po završetku programa polaznici će biti sposobni:

- definirati pojam iskustvenog učenja
- prepoznati, klasificirati i razlikovati iskustveni, slikovni, te simbolički način prikaza
- analizirati, usporediti i primijeniti aktivnosti iskustvenog učenja vezane uz funkcije
- primjenom matematičkog znanja samostalno kreirati i realizirati primjere iskustvenog učenja
- pripremiti materijale i upute za primjere iskustvenog učenja koristeći digitalne tehnologije.

**2.7. Kod prijave programa navesti studijske programe predлагаča ili drugih institucija u RH s kojih je moguć upis na predloženi program (ako je primjenjivo) <sup>a</sup>**

### **3. OPIS PROGRAMA**

**3.1. Struktura programa, ritam pohađanja i obveze polaznika**

Program se realizira kroz jedan predmet – Iskustveno učenje matematike, a koji se provodi u periodu od četiri mjeseca. Obveze polaznika su određene programom predmeta. Nastava se u pravilu odvija jednom tjednom, s većim odmakom za pripremu i realizaciju završnog projektnog zadatka. S obzirom da se pretpostavlja da su polaznici programa zaposleni u školi, termini nastave prilagodit će se toj činjenici za svaku skupinu polaznika zasebno.

Dio programa odvijat će se u online okruženju:

- zbog demonstracije primjene metoda iskustvenog učenja na daljinu (ovo se posebno odnosi na demonstraciju primjene metoda iskustvenog učenja matematike na daljinu u sinkronom obliku),

- zbog usklađivanja termina nastave s obvezama polaznika (pri dogovaranju rasporeda za konkretnu skupinu polaznika vodit će se računa da ukupni udio online nastave ne prelazi 40% ukupne nastave).

**3.2. Popis predmeta i/ili modula (ukoliko postoje) s brojem sati aktivne nastave potrebnih za njihovu izvedbu (i brojem ECTS – bodova za vrste programa a, b, ili c) (prilog: Tablica 1)**

**3.3. Opis svakog predmeta (ukoliko postoji) (prilog: Tablica 2)**

**3.3.1. Uvjeti upisa u sljedeći semestar ili trimestar (naziv predmeta) (ako je primjenjivo)<sup>a</sup>**

**3.4. Popis predmeta i/ili modula koji se mogu izvoditi na stranom jeziku (navesti koji jezik)**

**3.5. Način izvođenja programa<sup>2</sup> (moguće je predvidjeti više načina izvođenja programa)**

- neposredna nastava
- nastava na daljinu (a) sinkrona, b) asinkrona<sup>3</sup>
- hibridna nastava

**3.5.1. Obrazložiti svrhu izvođenja programa/modula online ili hibridno**

Kako bi se stvorilo što efikasnije okruženje za učenje i poučavanje, u sklopu ovog programa cjeloživotnog učenja nastava će se održavati na klasičan način i uz korištenje digitalnih tehnologija (nastava na daljinu – sinkrona i asinkrona). Program će polaznicima omogućiti stjecanje kompetencija za primjenu digitalne tehnologije u odgoju i obrazovanju za razvoj i primjenu metoda iskustvenog učenja i poučavanja, te promicanje iskustvenog učenja i poučavanja u području funkcija u skladu s digitalnim obrazovanjem. Dakle, program će polaznicima omogućiti prilike za stjecanje iskustva i novih (online) metodologija rada kako bi iskustveno učenje matematičkog sadržaja po potrebi mogli prilagoditi online okruženju.

**3.5.2. Obrazložiti postojanje uvjeta za izvođenje programa nastavom na daljinu ili hibridno (dostupnost sustava za učenje na daljinu, infrastrukture i dr.)**

Za izvođenje predmeta uz primjenu tehnologija e-učenja dostupan je sustav za e-učenje MoD (Moodle Community) Centra za učenje Srce. Polaznici se prijavljuju upisivanjem podataka elektroničkoga identiteta iz sustava AAI@EduHr. Ukoliko polaznici ne posjeduju elektronički identitet iz sustava AAI@EduHr mogu samostalno otvoriti korisnički račun. Također, dostupna je i platforma Microsoft Teams u sklopu koje polaznici mogli nesmetano sudjelovati u online nastavnom procesu.

**3. 6. Jezik izvedbe**

- hrvatski jezik
- engleski jezik
- drugo: \_\_\_\_\_

**3.7. Obrazložiti multidisciplinarnost/interdisciplinarnost programa**

Program je prvenstveno namijenjen učiteljima i nastavnicima matematike koji rade u školi. Interdisciplinarnost programa prisutna je u činjenici da program u određenoj mjeri obuhvaća i znanja vezana uz primjenu IKT-a.

<sup>2</sup> Ukoliko je odobreno više načina izvođenja obrazložiti za svaki.

<sup>3</sup> Nastava na daljinu odnosi se na način izvedbe programa, ali ne i na način provjere znanja koji može biti predviđen kroz neki od sustava za nastavu na daljinu ili provjerom znanja (ispitom) u neposrednom kontaktu.

Interdisciplinarnost programa uočava se i putem spoznaja o učenju i poučavanju iz područja psihologije i pedagogije s matematikom.

### **3.8. Način završetka programa**

Polaznici koji izvrše sve obveze određene programom predmeta dobivaju potvrdu o završenom programu i dopunsku ispravu o stečenim kompetencijama.

Tablica1.

**3.1. Popis predmeta i/ili modula (ukoliko postoje) s brojem sati aktivne nastave potrebnih za njihovu izvedbu i brojem ECTS bodova**

<b>POPIS MODULA / PREDMETA</b>						
Semestar <sup>a</sup> :						
MODUL	PREDMET	NOSITELJ	P	V	S	ECTS <sup>a, b, c</sup>
	Iskustveno učenje matematike	prof. dr. sc. Sanja Rukavina doc. dr. sc. Doris Dumičić Danilović doc. dr. sc. Marina Šimac	30	30	0	5

Tablica 2.

### **3.2. Opis predmeta / predavanja**

**NAPOMENA:** Ukoliko u programu nema predmeta (npr. kod kratkih tečajeva), ispuniti polja koja su relevantna za program

<b>OPĆE INFORMACIJE</b>	
Nositelj predmeta	prof. dr. sc. Sanja Rukavina doc. dr. sc. Doris Dumičić Danilović doc. dr. sc. Marina Šimac
Naziv predmeta	<b>Iskustveno učenje matematike</b>
Semestar <sup>a</sup>	
Bodovna vrijednost i način izvođenja nastave	ECTS koeficijent opterećenja polaznika <sup>a, b, c</sup> 5

### **1. OPIS PREDMETA**

#### **1.1. Ciljevi predmeta**

Osnovni cilj predmeta je upoznati polaznike s iskustvenim učenjem matematike, načinom izrade i realizacije primjera iskustvenog učenja te odgovarajućih materijala i uputa.

#### **1.2. Uvjeti za upis predmeta (ako je primjenjivo)**

Za upis u ovaj program cijeloživotnog obrazovanja polaznici trebaju biti magistri edukacije matematike ili magistri matematike koji za vrijeme sudjelovanja u programu rade u nastavi matematike u osnovnoj ili srednjoj školi. U programu mogu sudjelovati i prvostupnici matematike i/ili edukacije matematike koji su tijekom sudjelovanja u programu zaposleni u školi.

### 1.3. Očekivani ishodi učenja za predmet

Po završetku programa polaznici će biti sposobni:

- definirati pojam iskustvenog učenja
- prepoznati, klasificirati i razlikovati iskustveni, slikovni, te simbolički način prikaza
- analizirati, usporediti i primijeniti aktivnosti iskustvenog učenja vezane uz funkcije
- primjenom matematičkog znanja samostalno kreirati primjere iskustvenog učenja
- pripremiti materijale i upute za primjere iskustvenog učenja koristeći digitalne tehnologije.

### 1.4. Sadržaj predmeta

- Teorija kognitivnog rasta Jerome S. Brunera
- Načela istraživanja u iskustvenom pristupu
- Načela za dizajniranje aktivnosti iskustvenog učenja
- Izrada primjera iskustvenog učenja
- Priprema materijala i uputa za primjere iskustvenog učenja
- Realizacija primjera iskustvenog učenja

### 1.5. Predviđeni način izvedbe nastave/predmeta/modula/programa

neposredna nastava

nastava na daljinu (a) sinkrona, b) asinkrona)

hibridna nastava

Izvedba nastave (neposredna nastava)	<input type="checkbox"/> predavanja <input type="checkbox"/> seminari i radionice <input type="checkbox"/> vježbe <input type="checkbox"/> terenska nastava	<input type="checkbox"/> samostalni zadaci <input type="checkbox"/> multimedija i mreža <input type="checkbox"/> laboratorij <input type="checkbox"/> mentorski rad <input type="checkbox"/> ostalo
Izvedba nastave (nastava na daljinu)	<input type="checkbox"/> predavanja <input type="checkbox"/> seminari i radionice <input type="checkbox"/> vježbe	<input type="checkbox"/> samostalni zadaci <input type="checkbox"/> multimedija i mreža <input type="checkbox"/> mentorski rad <input type="checkbox"/> ostalo
Izvedba nastave (hibridno)	Neposredna nastava: <input checked="" type="checkbox"/> predavanja <input type="checkbox"/> seminari i radionice <input checked="" type="checkbox"/> vježbe <input type="checkbox"/> terenska nastava <input checked="" type="checkbox"/> samostalni zadaci <input type="checkbox"/> multimedija i mreža <input type="checkbox"/> laboratorij <input type="checkbox"/> mentorski rad <input type="checkbox"/> ostalo	Nastava na daljinu: <input checked="" type="checkbox"/> predavanja <input type="checkbox"/> seminari i radionice <input checked="" type="checkbox"/> vježbe <input checked="" type="checkbox"/> samostalni zadaci <input checked="" type="checkbox"/> multimedija i mreža <input type="checkbox"/> mentorski rad <input checked="" type="checkbox"/> ostalo, online test za samoprovjeru znanja

### 1.6. Dodatno obrazloženje

Udio nastave koji će se izvoditi na daljinu ovisit će dijelom i o obvezama polaznika i njihovo mogućnosti prisustvovanja nastavi u učionici. Svakako će se u online okruženju izvesti dio koji se odnosi na demonstraciju primjene metoda iskustvenog učenja na daljinu u sinkronom obliku (20%), a ukupni udio online nastave neće prelaziti 40% od ukupne nastave.

### 1.7. Obveze polaznika

Za stjecanje predviđenih ECTS bodova polaznici su dužni pohađati nastavu, aktivno sudjelovati u nastavi, ispuniti online test za samoprovjeru znanja i uspješno izvršiti zadane zadatke prema danim uputama.

Polaznici će na temelju prikazanih primjera, trebati izraditi i prezentirati po jedan primjer iskustvenog učenja za asinkroni i sinkroni (online ili u učionici) rad. Osim toga, polaznici će u okviru završnog projekta trebati osmislići i sa svojim učenicima provesti u sinkronom obliku jednu aktivnost iskustvenog učenja matematike, te o tome izvijestiti u okviru na nastave na programu.

#### Praćenje<sup>4</sup> rada polaznika<sup>abc</sup>

Pohađanje nastave	2	Aktivnosti u nastavi	0.5	Seminarski rad		Eksperimentalni rad	
Pismeni ispit		Usmeni ispit		Esej		Istraživanje	
Projekt		Kontinuirana provjera znanja	0.5	Referat		Praktični rad	2
Portfolio							

#### 1.9.Ocjenvivanje i vrednovanje rada polaznika<sup>abc</sup>

Tijekom izvođenja predmeta, polaznici će ispunjavati online test za samoprovjeru znanja.

Izrađeni primjeri za iskustveno učenje matematike u asinkronom i sinkronom obliku, kao i svi popratni materijali bit će dostupni svim polaznicima. Od svakog se polaznika očekuje da temeljem vlastitog znanja i iskustva komentira primjerenost i kvalitetu izrađenih primjera. Svi primjeri bit će prezentirani i analizirani tijekom diskusije u grupi, a završni komentar o kvaliteti izrađenog primjera dat će predlagateljice programa. Na isti će se način postupiti i tijekom vrednovanja projektnog zadatka.

#### 1.10. Obvezna literatura (u trenutku prijave prijedloga programa)<sup>abc</sup>

1. EnLeMaH, Guidelines for Enactive Mathematical Learning at Home (dostupno u okviru e-kolegija)
2. Ostala literatura dostupna u sklopu e-kolegija

#### 1.11.Dopunska literatura (u trenutku prijave prijedloga programa)<sup>abc</sup>

1. Coles, A., Brown, L. (2013) Making distinctions in task design and student activity. In C. Margolin (Ed.) Task design in Mathematics Education. Proceedings of ICMI Study 22 (pp. 183–192). <https://hal.archives-ouvertes.fr/hal-00834054>
2. Jukić Matić, L., Kehler-Poljak, G., Rukavina, S. (2022). The Influence of Curriculum on the Concept of Function: An Empirical Study of Pre-Service Teachers. European Journal of Science and Mathematics Education, 10(3), 380-395. <https://doi.org/10.30935/scimath/12042>
3. Rukavina S., Milotić B., Jurdana-Šepić R., Žuvić-Butorac M., Ledić J., Razvoj prirodoznanstvene i matematičke pismenosti aktivnim učenjem, Udruga Zlatni rez, 2010.
4. Rukavina, S., Žuvić-Butorac, M., Ledić, J., Milotić, B., Jurdana-Šepić, R. (2012). Developing positive attitude towards science and mathematics through motivational classroom experiences, Science Education International, Vol. 23, No 1, 6-19. [\(5\) \(PDF\) Developing positive attitude towards science and mathematics through motivational classroom experiences \(researchgate.net\)](https://www.researchgate.net/publication/273711185)
5. Matematika i škola (MiŠ), časopis za nastavu matematike
6. Poučak, časopis za metodiku i nastavu matematike
7. Matka, časopis za mlade matematičare
8. Acta mathematica Spalatensis. Series didactica, specijalizirani stručno-metodički časopis

<sup>4</sup> **VAŽNO:** Uz svaki od načina praćenja rada polaznika unijeti odgovarajući udio u ECTS bodovima pojedinih aktivnosti tako da ukupni broj ECTS bodova odgovara bodovnoj vrijednosti predmeta. Prazna polja upotrijebiti za dodatne aktivnosti.

**1.12. Broj primjeraka obvezne literature u odnosu na broj polaznika koji trenutno pohađaju nastavu na predmetu<sup>ab</sup>**

Naslov	Broj primjeraka	Broj polaznika

**1.13. Načini praćenja kvalitete koji osiguravaju stjecanje izlaznih znanja, vještina i kompetencija**

Pokazatelji uspješnosti kvalitete rada na predmetu i stjecanje izlaznih znanja, vještina i kompetencija će biti:

1. Rezultati evaluacije nastave od strane polaznika programa cjeloživotnog učenja
2. Kvaliteta obavljenih samostalnih zadataka

Svi izrađeni zadaci bit će prezentirani i analizirani tijekom diskusije u grupi. Zaključni komentar o kvaliteti izrađenih samostalnih zadataka dat će predlagateljice programa.